

Eksamen

15.11.16

MAT 1001

Matematikk 1 P-Y

Programområde: Teknikk og industriell produksjon

Nynorsk Eksamensinformasjon

Eksamenstid	4 timar Del 1 skal leverast inn etter 1,5 timar. Del 2 skal leverast inn seinast etter 4 timar.
Hjelpemiddel Del 1	Vanlege skrivesaker, passar, linjal og vinkelmålar.
Hjelpemiddel Del 2	Alle hjelpemiddel er tillatne. Unntak er Internett og andre verktøy som tillét kommunikasjon.
Framgangsmåte	Del 1 og Del 2 har til saman 15 oppgåver. Dersom oppgåveteksten ikkje seier noko anna, kan du fritt velje framgangsmåte. Dersom oppgåva krev ein bestemt løysingsmetode, vil også ein alternativ metode kunne gi noko utteljing.
Rettleiing om vurderinga	Karakteren blir fastsett etter ei samla vurdering. Det betyr at sensor vurderer i kva grad du <ul style="list-style-type: none">– viser rekneferdigheiter og matematisk forståing– gjennomfører logiske resonnement– ser samanhengar i faget, er oppfinnsam og kan bruke fagkunnskapar i nye situasjonar– kan bruke formålstenlege hjelpemiddel– vurderer om svar er rimelege– forklarar framgangsmåtar og grunngjev svar– skriv oversiktleg og er nøyaktig med utrekningar, nemningar, tabellar og grafiske framstillingar
Andre opplysningar	Kjelder for bilete, teikningar og grafiske framstillingar: Eksamenskontoret i Vest-Agder

DEL 1

Utan hjelpemiddel

OPPGÅVE 1

- a) Per har sykla tre turar. Lengda var 25 km, 1,6 mil og 900 m. Kor mange kilometer har han sykla til saman?
- b) Ein vinterdag var temperaturen 4°C . Den neste natta var temperaturen -8°C . Kor mange grader sank temperaturen?

OPPGÅVE 2

Eva skal på ferie til Paris. For å bestemme vekta til kofferten veg ho først seg sjølv og så seg sjølv og kofferten. Utan kofferten veg Eva 68 kg. Til saman veg Eva og kofferten 84 kg.

- a) Kor mykje veg kofferten til Eva?



I Paris handlar Eva ein genser til 41 Euro. 1 Euro svarar til 8,98 norske kroner.

- b) Gjer eit overslag og bestem omtrent kor mykje genseren kostar i norske kroner.

OPPGÅVE 3

Løys likningane.

a) $5x - 7 = 2x + 5$

b) $x^2 + 1 = 37$

OPPGÅVE 4



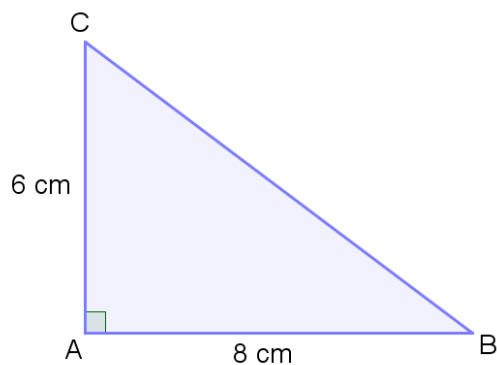
Eit egg veg 65 g. Det består av omtrent 60 % eggekvite, 30 % eggeplomme og resten er eggeskall.

- a) Kor mange gram eggeplomme og kor mange gram eggeskall har egget?

I Noreg er det omlag 42 000 gardsbruk. Omtrent $\frac{1}{8}$ av dei har høner.

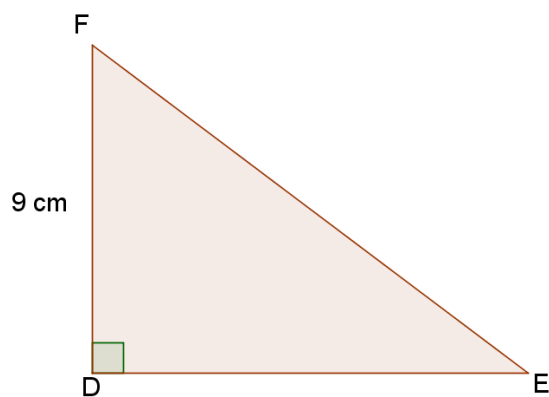
- b) Omtrent kor mange gardsbruk har høner?

OPPGÅVE 5



I den rettvinkla trekanten ABC er $AB = 8\text{ cm}$ og $AC = 6\text{ cm}$.

- Rekn ut arealet av trekanten.
- Rekn ut lengda BC .



Trekanten DEF er formlik med trekanten ABC og $DF = 9\text{ cm}$. Trekantane er ikkje teikna i høve til kvarandre.

- Rekn ut lengda DE .

OPPGÅVE 6



Solveig har ei fast månedsløn på 19 500 kr. Dette svarar til ei fast timeløn på 120 kr. Ved overtid får ho eit tillegg på 50 %.

a) Rekn ut timeløna ved overtid.

Ein måned arbeider Solveig 5 timar overtid.

b) Rekn ut bruttoløna til Solveig denne månaden.

Solveig blir trekt i skatt etter trekktabell 7100 nedanfor.

Trekktabell 7100, månedsløn

Grunnlag	Trekk	Grunnlag	Trekk	Grunnlag	Trekk
7 000	737	20 000	4 835	33 000	10 117
7 100	766	20 100	4 876	33 100	10 158
7 200	795	20 200	4 917	33 200	10 199
7 300	824	20 300	4 957	33 300	10 239
7 400	852	20 400	4 998	33 400	10 280

c) Kor mykje skatt betalar Solveig? Omtrent kor mange prosent svarar det til?

OPPGÅVE 7

Innstillingsvinkelen for konusdreieing er gitt ved formelen

$$\alpha = \frac{(D-d) \cdot 29}{l} \text{ der}$$

D er den største diameteren i mm

d er den minste diameteren i mm

l er lengda på konusen i mm

α er innstillingsvinkelen i grader

- a) Rekn ut innstillingsvinkelen når den store diameteren er 40 mm, den minste 30 mm og lengda på konusen er 100 mm.

Hege har dreidd ein konus der den store diameteren er 80 mm og den minste diameteren 50 mm. Innstillingsvinkelen er 9° .

- b) Kor lang konus har ho dreidd?

DEL 2

Med hjelpemiddel

OPPGÅVE 8

Hans kan velje å betale ein mobiltelefon kontant eller på kreditt.



Kontant:
5 930 kr

Kreditt:
277 kr per måned i 24 månader

- Kor mykje sparar Hans på å betale kontant?
- Kor mange prosent meir må han betale dersom han vel kreditt?

OPPGÅVE 9

Sara tener 220 kr per time, og ho betalar 30 % skatt. Ein måned jobbar Sara 162,5 timar.

- Kor mykje får ho utbetalt denne månaden?

I 2015 fikk Sara utbetalt 49 800 kr i feriepengar. Det svarar til 12 % av feriepengegrunlaget.

- Kva var feriepengegrunlaget?

OPPGÅVE 10

Andreas er lærling og får utbetalt 10 240 kr i løn og 3 700 kr i stipend kvar måned. Han reknar med å ha følgjande utgifter i april:

Telefon	200 kr
Bil	2 300 kr
Mat og daglegvarer	3 200 kr
Klede	600 kr
Hybelleige	3 200 kr
Internett	450 kr
Straum	450 kr
Fritid	1 000 kr

- a) Set opp budsjettet til Andreas i eit rekneark. Bruk reknearket til å finne ut om han får eit overskot eller eit underskot denne månaden.

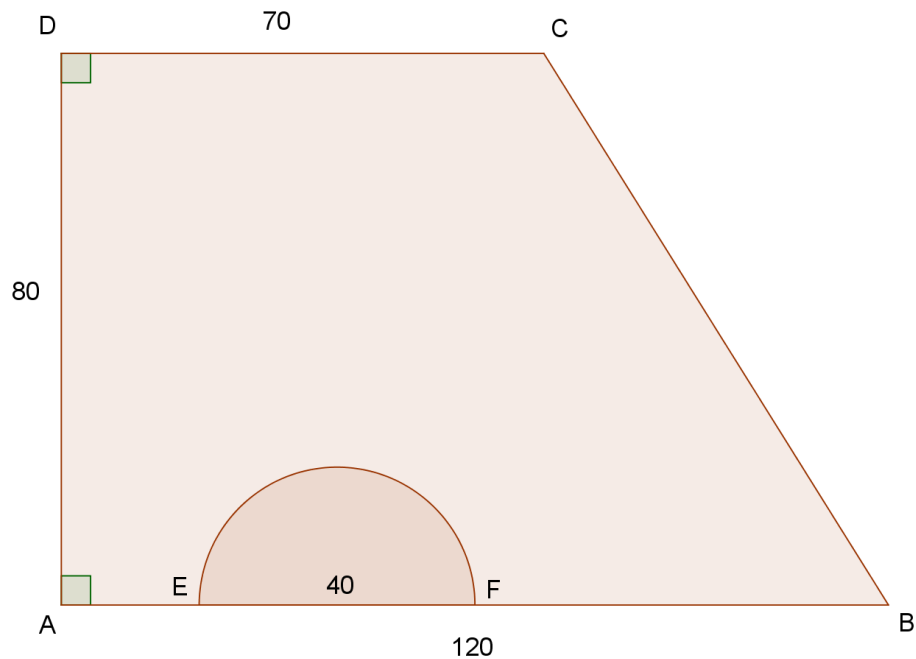
I april fekk han løn og stipend som han hadde budsjettet med. Han hadde følgjande utgifter:

Telefon	200 kr
Bil	3 400 kr
Mat og daglegvarer	3 300 kr
Klede	400 kr
Hybelleige	3 200 kr
Internett	450 kr
Straum	640 kr
Fritid	1 200 kr

- b) Utvid reknearket frå a) og set inn rekneskapen til Andreas. Bruk reknearket til å finne ut kor mykje han gjekk i overskot eller underskot denne månaden.
- c) Bruk reknearket til å finne i kva post avviket mellom budsjettet og rekneskapen er størst. Finn avviket i kroner og i prosent.

OPPGÅVE 11

Firkanten $ABCD$ nedanfor viser golvflata i eit konsertlokale. Alle mål er gitte i meter. Halvsirkelen mellom E og F viser ein scene som er heva over golvet. Scenen har ein diameter på 40 m.



- Bestem arealet og omkrinsen av scenen.
- Bestem arealet av den delen av konsertområdet som ikkje er scene.

Mellom B og C er det sett opp ei lysskinne.

- Bestem lengda av lysskinna.

OPPGÅVE 12

Tabellen nedanfor viser konsumprisindeksen for nokre utvalde år.

Årstal	2007	2008	2010	2012	2013	2014	2015
Konsumprisindeks	118,6	123,1	128,8	131,4	134,2	136,9	139,8

I 2008 betalte Per 11,00 kr for 0,5 L brus. I 2015 betalte han 19,40 kr.

- a) Har prisen på brus følgd konsumprisindeksen?

I 2007 hadde Per 316 000 kr i årsløn.

- b) Kva måtte årsløna vere i 2015 for at han skulle ha like god råd som i 2007?

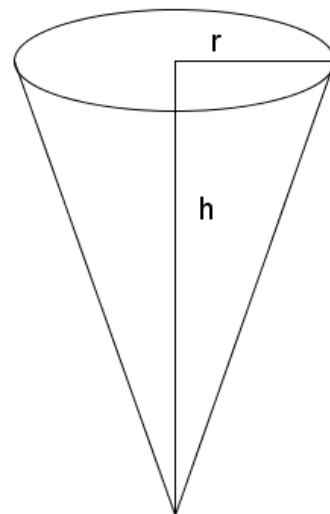
OPPGÅVE 13

Sommaren 2015 vart verdas største kroneis laga i Kristiansand. Han var 3,08 m høg.

- a) Kva er høgda av kroneisen på ei teikning i målestokken 1:50?

Gå ut ifrå at rekordisen hadde form som ei kjegle med høgda 3,08 m og radiusen 1,14 m.

- b) Kva var volumet av rekordisen?
c) Kva ville radiusen vore i ei kjegle med volumet 1500 L og høgda 4,00 m?



OPPGÅVE 14

Ein totaktsmotor skal ha olje tilsett i bensinen. Olje og bensin skal blandast i høvet 1:25.

- a) Kor mykje olje skal du tilsette viss du skal fylle 7,5 L bensin på ein motor?

Ein tom bensintank rommar 6,5 L.

- b) Kor mykje bensin og olje skal du ha viss du skal fylle tanken full?

Andelen olje som skal tilsettast blir ofte gitt i prosent av volumet til bensin.

- c) Kor mange prosent olje skal tilsettast viss olje og bensin skal blandast i høvet 1:25?

OPPGÅVE 15

Ein formel for verknadsgrada til ein motor er

$$\eta = \frac{P_a}{P_t} \cdot 100 \quad \text{der}$$

η er verknadsgrad i prosent

P_a er avgitt effekt (kilowatt, kW)

P_t er tilført effekt (kilowatt, kW)

Ein bensinmotor blir tilført ein effekt på 210 kW.

- a) Kva er verknadsgrada til denne motoren viss den avgitte effekten er 67 kW?

Den maksimale verknadsgrada til denne motoren er 35 %. Motoren blir tilført ein effekt på 210 kW.

- b) Kva er den maksimale avgitte effekten?

Bokmål Eksamensinformasjon	
Eksamenstid	4 timer Del 1 skal leveres inn etter 1,5 timer. Del 2 skal leveres inn senest etter 4 timer.
Hjelpemidler Del 1	Vanlige skrivesaker, passer, linjal og vinkelmåler.
Hjelpemidler Del 2	Alle hjelpemidler er tillatt. Unntak er Internett og andre verktøy som tillater kommunikasjon.
Framgangsmåte	Del 1 og Del 2 har til sammen 15 oppgaver. Der oppgaveteksten ikke sier noe annet, kan du fritt velge framgangsmåte. Om oppgaven krever en bestemt løsningsmetode, vil også en alternativ metode kunne gi noe uttelling.
Veiledning om vurderingen	Karakteren blir fastsatt etter en samlet vurdering. Det betyr at sensor vurderer i hvilken grad du <ul style="list-style-type: none"> – viser regneferdigheter og matematisk forståelse – gjennomfører logiske resonnementer – ser sammenhenger i faget, er oppfinnsom og kan anvende fagkunnskaper i nye situasjoner – kan bruke hensiktsmessige hjelpemidler – vurderer om svar er rimelige – forklarer framgangsmåter og begrunner svar – skriver oversiktlig og er nøyaktig med utregninger, benevninger, tabeller og grafiske framstillinger
Andre opplysninger	Kilder for bilder, tegninger og grafiske framstillinger: Eksamenskontoret i Vest-Agder

BOKMÅL

DEL 1

Uten hjelpemidler

OPPGAVE 1

- a) Per har syklet tre turer. Lengden var 25 km, 1,6 mil og 900 m. Hvor mange kilometer har han syklet til sammen?
- b) En vinterdag var temperaturen 4°C . Neste natt var temperaturen -8°C . Hvor mange grader sank temperaturen?

OPPGAVE 2

Eva skal på ferie til Paris. For å bestemme vekten til kofferten veier hun først seg selv og så seg selv og kofferten. Uten koffert veier Eva 68 kg. Til sammen veier Eva og kofferten 84 kg.

- a) Hvor mye veier kofferten til Eva?



I Paris handler Eva en genser til 41 Euro. 1 Euro tilsvarer 8,98 norske kroner.

- b) Gjør overslag og bestem omtrent hvor mye genseren koster i norske kroner.

OPPGAVE 3

Løs likningene.

- a) $5x - 7 = 2x + 5$
- b) $x^2 + 1 = 37$

OPPGAVE 4



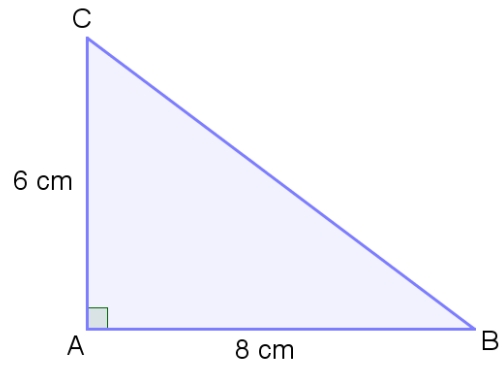
Et egg veier 65 g. Det består av omtrent 60 % eggehvite, 30 % eggeplomme og resten er skall.

- a) Hvor mange gram eggeplomme og hvor mange gram skall har egget?

I Norge er det ca. 42 000 gårdsbruk. Omtrent $\frac{1}{8}$ av dem har høner.

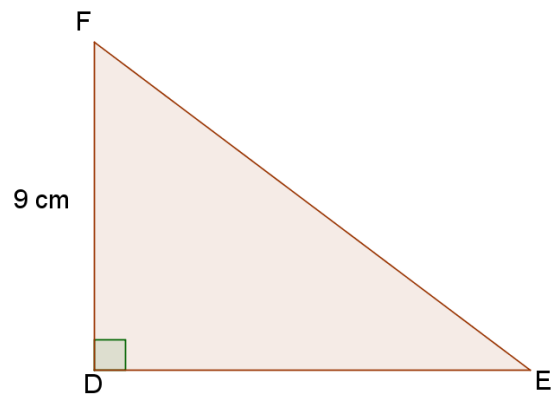
- b) Omtrent hvor mange gårdsbruk har høner?

OPPGAVE 5



I den rettvinklede trekanten ABC er $AB = 8\text{ cm}$ og $AC = 6\text{ cm}$.

- Regn ut arealet av trekanten.
- Regn ut lengden BC .



Trekant DEF er formlik med trekant ABC og $DF = 9\text{ cm}$. Trekantene er ikke tegnet i forhold til hverandre.

- Regn ut lengden DE .

OPPGAVE 6



Solveig har en fast månedslønn på 19 500 kr. Dette tilsvarer en fast timelønn på 120 kr. Ved overtid får hun et tillegg på 50 %.

a) Regn ut timelønnen ved overtid.

En måned arbeider Solveig 5 timer overtid.

b) Regn ut bruttolønnen til Solveig denne måneden.

Solveig blir trukket i skatt etter trekktabell 7100 nedenfor.

Trekktabell 7100, månedslønn

Grunnlag	Trekk	Grunnlag	Trekk	Grunnlag	Trekk
7 000	737	20 000	4 835	33 000	10 117
7 100	766	20 100	4 876	33 100	10 158
7 200	795	20 200	4 917	33 200	10 199
7 300	824	20 300	4 957	33 300	10 239
7 400	852	20 400	4 998	33 400	10 280

c) Hvor mye skatt betaler Solveig? Omtrent hvor mange prosent tilsvarer det?

OPPGAVE 7

Innstillingsvinkelen for konusdreining er gitt ved formelen

$$\alpha = \frac{(D-d) \cdot 29}{l} \text{ der}$$

D er største diameter i mm

d er minste diameter i mm

l er lengden på konusen i mm

α er innstillingsvinkelen i grader

- a) Regn ut innstillingsvinkelen når den store diameteren er 40 mm, den minste 30 mm og lengden på konusen er 100 mm.

Hege har dreid en konus der den store diameteren er 80 mm og den minste diameteren 50 mm. Innstillingsvinkelen er 9°

- b) Hvor lang konus har hun dreid?

DEL 2

Med hjelpemidler

OPPGAVE 8

Hans kan velge å betale en mobiltelefon kontant eller på kreditt.



Kontant:
5 930 kr

Kreditt:
277 kr per måned i 24 måneder

- Hvor mye sparer Hans på å betale kontant?
- Hvor mange prosent mer må han betale dersom han velger kreditt?

OPPGAVE 9

Sara tjener 220 kr per time, og hun betaler 30 % skatt. En måned jobber Sara 162,5 timer.

- Hvor mye får hun utbetalt denne måneden?

I 2015 fikk Sara utbetalt 49 800 kr i feriepenger. Det tilsvarer 12 % av feriepengegrunnet.

- Hva var feriepengegrunnet?

OPPGAVE 10

Andreas er lærling og får utbetalt 10 240 kr i lønn og 3 700 kr i stipend hver måned. Han regner med å ha følgende utgifter i april:

Telefon	200 kr
Bil	2 300 kr
Mat og dagligvarer	3 200 kr
Klær	600 kr
Hybelleie	3 200 kr
Internett	450 kr
Strøm	450 kr
Fritid	1 000 kr

- a) Sett opp budsjettet til Andreas i et regneark. Bruk regnearket til å finne ut om han får et overskudd eller et underskudd denne måneden.

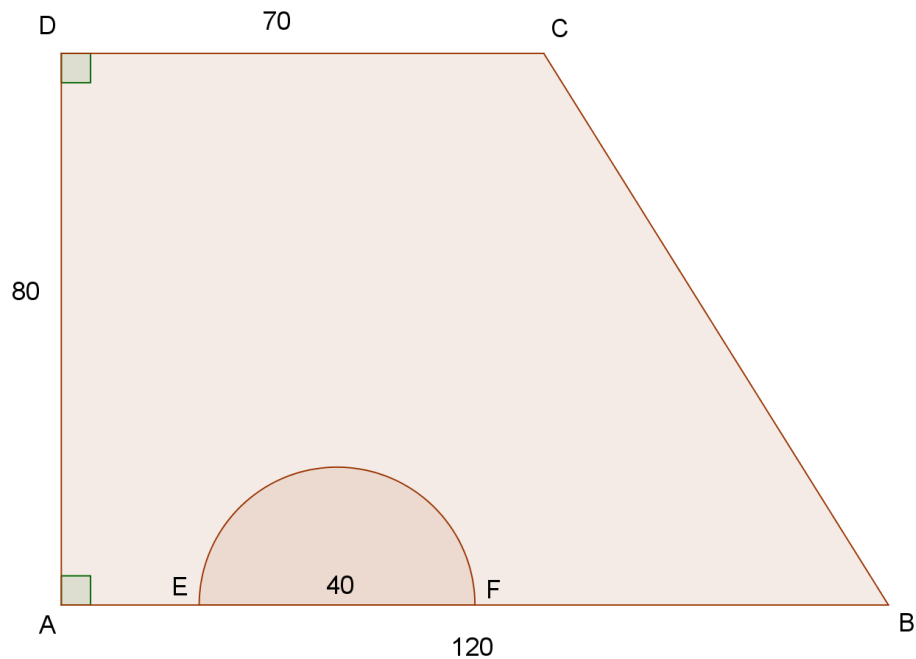
I april fikk han lønn og stipend som han hadde budsjettert med, og hadde følgende utgifter:

Telefon	200 kr
Bil	3 400 kr
Mat og dagligvarer	3 300 kr
Klær	400 kr
Hybelleie	3 200 kr
Internett	450 kr
Strøm	640 kr
Fritid	1 200 kr

- b) Utvid regnearket fra a) og sett inn regnskapet til Andreas. Bruk regnearket til å finne ut hvor mye han gikk i overskudd eller underskudd denne måneden.
- c) Bruk regnearket til å finne i hvilken post avviket mellom budsjett og regnskap er størst. Finn avviket i kroner og i prosent.

OPPGAVE 11

Firkanten $ABCD$ nedenfor viser gulvflaten i et konsertlokale. Alle mål er gitt i meter. Halvsirkelen mellom E og F viser en scene som er hevet over golvet. Scenen har diameter 40 m.



- Bestem arealet og omkretsen av scenen.
- Bestem arealet av den delen av konsertområdet som ikke er scene.

Mellom B og C er det satt opp en lysskinne.

- Bestem lengden av lysskinnen.

OPPGAVE 12

Tabellen nedenfor viser konsumprisindeksen for noen utvalgte år.

Årstall	2007	2008	2010	2012	2013	2014	2015
Konsumprisindeks	118,6	123,1	128,8	131,4	134,2	136,9	139,8

I 2008 betalte Per 11,00 kr for 0,5 L brus. I 2015 betalte han 19,40 kr.

- a) Har prisen på brus fulgt konsumprisindeksen?

I 2007 hadde Per 316 000 kr i årslønn.

- b) Hva måtte årslønna være i 2015 for at han skulle ha like god råd som i 2007?

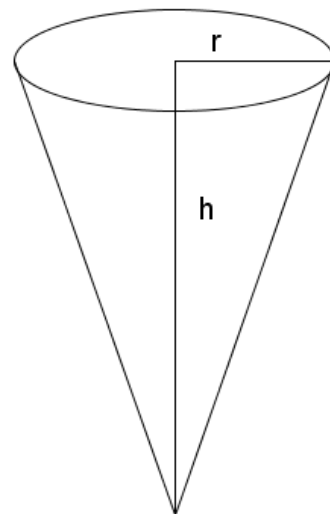
OPPGAVE 13

Sommeren 2015 ble verdens største kroneis laget i Kristiansand. Den var 3,08 m høy.

- a) Hva er høyden av kroneisen på en tegning i målestokk 1:50?

Anta at rekordisen hadde form som en kjegle med høyde 3,08 m og radius 1,14 m.

- b) Hva var volumet av rekordisen?
c) Hva ville radiusen vært i en kjegle med volum 1500 L og høyde 4,00 m?



OPPGAVE 14

En totaktsmotor skal ha olje tilsatt i bensinen. Olje og bensin skal blandes i forholdet 1:25.

- a) Hvor mye olje skal du tilsette hvis du skal fylle 7,5 L bensin på en motor?

En tom bensintank rommer 6,5 L.

- b) Hvor mye bensin og olje skal du ha hvis du skal fylle tanken full?

Andelen olje som skal tilsettes oppgis ofte i prosent av volumet til bensin.

- c) Hvor mange prosent olje skal tilsettes hvis olje og bensin skal blandes i forholdet 1:25?

OPPGAVE 15

En formel for virkningsgraden til en motor er

$$\eta = \frac{P_a}{P_t} \cdot 100 \quad \text{der}$$

η er virkningsgrad i prosent

P_a er avgitt effekt (kilowatt, kW)

P_t er tilført effekt (kilowatt, kW)

En bensinmotor blir tilført en effekt på 210 kW.

- a) Hva er virkningsgraden til denne motoren hvis avgitt effekt er 67 kW?

Den maksimale virkningsgraden til denne motoren er 35 %. Motoren blir tilført en effekt på 210 kW.

- b) Hva er maksimal avgitt effekt?